# Исследование процессов переноса, диффузии и трансформации радиоактивных примесей, поступающих в атмосферу при авариях на объектах энергетики

Г.В. МУРАТОВА, М.В. ГЛУШАНИН Южно-Российский региональный центр информатизации ЮФУ, Ростов-на-Дону, Россия e-mail: muratova@rsu.ru, mig29m@rambler.ru

Представлены результаты численной реализации математической модели распространения радиоактивных примесей в атмосфере, типичной для района расположения Волгодонской АЭС. Модель учитывает конвективный перенос, турбулентную диффузию, эмиссию, сухое оседание и трансформацию радиоактивных примесей.

*Ключевые слова*: перенос, диффузия, трансформация, сухое оседание, аэрозольные и газообразные радионуклиды.

# Введение

Прогнозирование распространения загрязнений в воздушной среде давно стало актуальной задачей больших городов и крупных промышленных регионов. Кроме того, в настоящее время сильно возрос научно-практический интерес к математическому моделированию процессов загрязнения атмосферы радиоактивными элементами в районах атомных электростанций. Особенно активизировалось это направление в последнее время, когда начались строиться и вводиться в эксплуатацию новые атомные электростанции.

Данная задача — одна из центральных проблем современной физики атмосферы. Для ее решения используется математическое моделирование изменчивости газового и аэрозольного состава атмосферы. С помощью математического моделирования также возможно оценить влияние атмосферных примесей на окружающую среду. Атмосфера представляет собой сложную динамическую систему, в которой протекают различные динамические и физико-химические процессы. Эти процессы обусловлены как атмосферной циркуляцией, так и трансформацией газовых и аэрозольных примесей. Основные механизмы — это химические и фотохимические реакции, протекающие в газовой и жидкой фазах, а также кинетические процессы формирования и эволюции аэрозолей. Все эти процессы взаимосвязаны, и поэтому их целесообразно рассматривать в рамках единой модели. В зависимости от пространственно-временного масштаба этих процессов используются модели различной степени детализации.

© ИВТ СО РАН, 2009.

## 1. Постановка задачи и численная реализация

Загрязняющие вещества (примеси) могут присутствовать в атмосфере в газообразной форме или в виде аэрозолей. Аэрозоли представляют собой жидкие или твердые частицы небольших размеров, взвешенные в воздухе. В зависимости от размеров и визуального эффекта присутствия аэрозоли называют золой, пылью, дымом, дождем, моросью, фогом, туманом (табл. 1) [1]. По однородности размеров частиц аэрозоли разделяют на моно- и полидисперсные. Размер частиц аэрозолей лежит и в основе их классификации. Они подразделяются:

- 1) на высокодисперсные (размер частиц менее 0.1 мкм);
- 2) на среднедисперсные (размеры частиц от 0.1 до 1 мкм);
- 3) грубодисперсные (размер частиц более 1 мкм).

Частицы аэрозолей находятся в постоянном броуновском движении, интенсивность которого увеличивается с уменьшением размеров частиц. Загрязняющие вещества в атмосфере могут изменять свое состояние. Конденсация газов может приводить к образованию аэрозолей и, наоборот, газы могут образовываться в результате испарения частиц аэрозолей. В процессе броуновского движения частицы аэрозолей могут сталкиваться друг с другом и слипаться. В результате образуются новые, более крупные, частицы. Этот процесс называется коагуляцией. Радиоактивные вещества могут попадать в атмосферу как в форме газов, так и в виде аэрозолей. К газообразным примесям относятся радиоактивные инертные газы, тритий, оксиды и сульфиды радиоактивного углерода, пары радиоактивного йода. Другие радиоактивные вещества, как правило, попадают в атмосферу в виде аэрозолей [2].

Математическая модель распространения радиоактивных веществ в атмосфере состоит из двух частей, одна из которых описывает динамику среды, а другая — непосредственное распределение пассивных неконсервативных примесей при уже определенном поле скоростей.

Подстилающая поверхность считается плоской, так как в рассматриваемом регионе отсутствуют сколько-нибудь значимые орографические неоднородности. Высота верхней границы расчетной области отсчитывается от подстилающей поверхности. Исходными данными для математического моделирования служат данные, получаемые с метеостанций, расположенных внутри расчетной области. Метеостанции определяют скорость и направление анемометрического и геострофического ветра, высоту верхней границы свободной атмосферы, интенсивность влажного осаждения и другие физические величины, которые могут изменяться в пространстве и во времени, при этом их значения предполагаются известными только в точках расположения метеостанций

Тип примеси	Характеристика
Зола (грит)	Крупные твердые частицы более 76 мкм
Пыль	Твердые частицы размером более 1 и менее 76 мкм
Дым	Твердые частицы диаметром менее 1 мкм
Дождь	Жидкие частицы диаметром более 400 мкм
Морось	Жидкие частицы размером более 100 и менее 400 мкм
$\Phi_{0\Gamma}$	Жидкие частицы размером более 10 и менее 100 мкм
Туман	Жидкие частицы размером менее 10 мкм

Таблица 1. Классификация атмосферных примесей [1]

в начальные моменты метеоэпизодов (промежутков времени, через которые снимаются измерения). Значение скорости ветра в узле сетки на высоте анемометра определяется значением скорости ветра на ближайшей метеостанции. Для вычисления вертикального профиля ветрового поля используются эмпирические формулы следующего вида:

$$u(x, y, z) = u_0(x, y) \left(\frac{z}{h_a}\right)^m,$$
$$v(x, y, z) = v_0(x, y) \left(\frac{z}{h_a}\right)^m,$$

где  $u_0, v_0$  — горизонтальные компоненты скорости ветра **v** на высоте анемометра, м/с;  $h_a$  — высота анемометра, м; m — показатель степени, зависящий от стратификации, значения его даны в табл. 2. Для экстраполяции остальных физических величин на всю рассматриваемую область используется способ, предложенный в работе [3].

Математическая модель переноса пассивных радиоактивных примесей в атмосфере [4–6] основывается на нестационарном трехмерном уравнении турбулентной диффузии для средних значений объемных активностей  $A_V$  в прямоугольных декартовых координатах. Так как число Maxa M << 1, то можно полагать, что плотность воздуха постоянна ( $\rho = \text{const}$ ) и среда несжимаема (div  $\mathbf{v} = 0$ ). Таким образом, в области

$$\Omega_t = \overline{\Omega}[0,T], \quad \overline{\Omega} = \{ x \in [0, L_x], \ y \in [0, L_y], \ z \in [0, L_z] \},\$$

где ось x направлена на юг, ось y — на восток, а ось z — вертикально вверх, уравнение, описывающее конвективный перенос, турбулентную диффузию, эмиссию, гравитационное оседание и трансформацию (радиоактивный распад) *i*-й радиоактивной примеси из N (где N — количество рассмотренных примесей) в атмосфере в системе декартовых координат можно представить в следующем виде:

$$\frac{\partial A_V^i}{\partial t} + u \frac{\partial A_V^i}{\partial x} + v \frac{\partial A_V^i}{\partial y} + (w - w_g) \frac{\partial A_V^i}{\partial z} -$$

$$-\frac{\partial}{\partial x}\left(K\frac{\partial A_V^i}{\partial x}\right) - \frac{\partial}{\partial y}\left(K\frac{\partial A_V^i}{\partial y}\right) - \frac{\partial}{\partial z}\left(K_z\frac{\partial A_V^i}{\partial z}\right) + \lambda^i A_V^i = Q_{up}^i, \quad i = \overline{1, N}, \quad (1)$$

где  $A_V^i$  — объемная активность *i*-й компоненты радиоактивной примеси,  $\mathbb{E}\kappa/\mathbf{M}^3$ ; *u*, *v*, *w* — компоненты вектора скорости ветра  $\mathbf{v} = \mathbf{v}(u, v, w)$ , м/с;  $w_g$  — скорость гравитационного оседания радиоактивной примеси, м/с; *K* — коэффициент горизонтальной турбулентной диффузии, м<sup>2</sup>/с;  $K_z$  — коэффициент вертикальной турбулентной диффузии, м<sup>2</sup>/с;  $\lambda^i$  — постоянная радиоактивного распада *i*-й компоненты примеси, с<sup>-1</sup>;  $Q_{up}^i$  — функция эмиссии приподнятых источников,  $\mathbb{E}\kappa/(\mathbf{M}^3 \cdot \mathbf{c})$ .

Т а б л и ц а 2. Зависимость эмпирического показателя степени m от стратификации в формуле для вычисления вертикального профиля ветра

Класс атмосферной стабильности	А	В	С	D	Ε	F	G
$\overline{m}$	0.08	0.165	0.215	0.31	0.405	0.43	0.44

Начальные условия имеют вид

$$A_V^i(x, y, z, 0) = A_{Vbegin}^i(x, y, z).$$

Краевые условия на границе области <br/>  $\partial\Omega$ ставятся следующим образом. На свободной границе о<br/>ни имеют вид

$$\frac{\partial A_V^i}{\partial x} = 0$$
 при  $x = 0, x = L_x,$   
 $\frac{\partial A_V^i}{\partial y} = 0$  при  $y = 0, y = L_y,$   
 $\frac{\partial A_V^i}{\partial z} = 0$  при  $z = L_z.$ 

Их физический смысл заключен в беспрепятственном проникновении загрязнений сквозь границу [3].

Краевые условия на подстилающей поверхности следует подбирать исходя из анализа физических процессов [7], происходящих на этой поверхности. Достаточно общим краевым условием на подстилающей поверхности при z = 0 является условие

$$K_z \frac{\partial A_V^i}{\partial z} + w_g A_V^i = \gamma A_V^i + Q_{down}^i \quad \text{при } z = 0,$$

где  $\gamma$  — коэффициент поглощения примеси поверхностью, характеризующий взаимодействие радиоактивной примеси с подстилающей поверхностью, м/с;  $Q_{down}^i$  — функция эмиссии наземных источников, Бк/( $M^2 \cdot c$ ). Для общности мы допускаем здесь наличие гравитационного оседания со скоростью  $w_g$ , приводящего к добавлению к вертикальному турбулентному потоку примеси  $-K_z \frac{\partial A_V^i}{\partial z}$  потока  $-w_g A_V^i$ . Случай  $\gamma = 0$  соответствует "отражению" примеси от стенки, случай  $\gamma = \infty$  — "поглощению" примеси, а случай  $0 < \gamma < \infty$  — промежуточной ситуации частичного отражения и частичного поглощения.

Для вычисления коэффициента вертикальной турбулентной диффузии  $K_z$  используется эмпирическая формула [8]:

$$K_{z}(z) = \begin{cases} \frac{z}{h} K_{z}(h), & z < h, \\ K_{z}(h), & h \le z \le H, \\ 1 + (K_{z}(h) - 1) \exp(H - z), & z > H, \end{cases}$$

где h — высота приземного слоя атмосферы, м; H — высота верхней границы пограничного слоя атмосферы, м;  $K_z(h)$  — значение коэффициента вертикальной турбулентной диффузии на высоте h, м<sup>2</sup>/с.

Коэффициент горизонтальной турбулентной диффузии *К* вычисляется по эмпирической формуле [3]:

$$K = \sigma_{\Theta}^2 \max(0.5, |\mathbf{v}|) H_i$$

где  $\sigma_{\Theta}$  — угол горизонтальной флуктуации направления ветра, рад; **v** — скорость ветра, м/с.

Значения h, H,  $K_z(h)$  и  $\sigma_{\Theta}$  зависят от стратификации атмосферы и определяются по табл. 3 в точках расположения метеостанций, а затем интерполируются на всю расчетную область.

Класс атмосферной стабильности	А	В	С	D	Е	F	G
$\sigma_\Theta, {}^{\circ}$	25	20	15	10	5	2.5	1.7
$H, \ \mathrm{m}$	2000	1500	1000	750	300	250	250
h, м	250	250	150	150	150	100	100
$K_{oldsymbol{z}}(h),{ m M}^2/{ m c}$	160	100	70	15	5	1.5	0.13

Таблица 3. Зависимость физических величин и эмпирических параметров от стратификации атмосферы [9]

Важным фактором, влияющим на поведение аэрозолей в атмосфере, является гравитационное оседание. Оно приводит к очищению атмосферы и загрязнению подстилающей поверхности. Скорость оседания частиц примеси под действием силы тяжести зависит от их размеров и плотности, а также от вязкости и плотности воздуха. Характер движения частиц определяется числом Рейнольдса [10]:

$$\operatorname{Re} = \frac{\rho r_p |\mathbf{v}|}{\mu},$$

где  $\rho$  — плотность воздуха, кг/м<sup>3</sup>;  $r_p$  — радиус частицы, м; **v** — скорость ветра, м/с;  $\mu$  — динамическая вязкость воздуха, кг/(м · с).

Для мелких частиц, когда  $\mathrm{Re}<1,$  скорость оседания  $w_g$  определяется по формуле Стокса:

$$w_g = \frac{2}{9} \frac{(\rho_p - \rho)g}{\mu} r_p^2,$$

где  $\rho_p$  — плотность частиц, кг/м<sup>3</sup>; g — ускорение свободного падения, м/с<sup>2</sup>.

Для частиц, имеющих большие размеры (Re > 1), скорость падения может быть вычислена с помощью следующего выражения [11]:

$$w_g = \frac{2}{9} \frac{(\rho_p - \rho)g}{\mu} r_p^2 \left(1 + \frac{3}{16} \operatorname{Re}\right).$$

Изменение поверхностной активности  $A_S^i$  *i*-й радиоактивной примеси на подстилающей поверхности вследствие гравитационного оседания и радиоактивного распада определяется с помощью уравнения

$$\frac{\partial A_S^i}{\partial t} + \lambda^i A_S^i = \gamma A_{V_0}^i,$$

где  $A_S^i$  — поверхностная активность *i*-й радиоактивной примеси, Бк/м<sup>2</sup>;  $\gamma$  — коэффициент поглощения примеси поверхностью, характеризующий взаимодействие радиоактивной примеси с подстилающей поверхностью, м/с;  $A_{V_0}^i$  — объемная активность *i*-го радионуклида на высоте z = 0, Бк/м<sup>3</sup>. Коэффициент поглощения примеси поверхностью  $\gamma$  зависит от свойств подстилающей поверхности.

В области  $\overline{\Omega}$  вводится равномерная по всем направлениям разностная сетка  $\overline{\Omega}_h = \Omega_h \cup \Gamma_h$  с векторным параметром  $h = (h_x, h_y, h_z)$ , где  $h_x, h_y, h_z$  — соответствующие шаги сетки. Здесь  $\Omega_h$  — множество внутренних узлов сетки, а  $\Gamma_h$  — множество граничных узлов. Все ячейки равномерной сетки имеют форму прямоугольных параллелепипедов:

$$\overline{\Omega}_h = \left\{ (x_i, y_j, z_k), \ x_i = ih_x, \ y_j = jh_y, \ z_k = kh_z, \\ i = \overline{0, N_x}, \ j = \overline{0, N_y}, \ k = \overline{0, N_z}, \ N_x = \frac{L_x}{h_x}, \ N_y = \frac{L_y}{h_y}, \ N_z = \frac{L_z}{h_z} \right\}.$$

Пусть  $\overline{\Omega}_{\tau} = \{t_n = n\tau_n, n = \overline{0, N_t}, t_0 = 0, t_{N_t} = T\}$  — произвольная сетка на отрезке  $0 \le t \le T$  с шагами  $\tau_n = t_{n+1} - t_n$ . В разностной схеме отнесем переменные к вершинам ячеек сетки. Приближенное решение ищется в виде сеточной функции дискретных аргументов  $\varphi_{i,j,k}^n = \varphi(x_i, y_j, z_k, t_n)$ , которая считается приближенным значением проекции искомой функции  $A_V(x_i, y_j, z_k, t_n)$ .

При численном моделировании распространения радиоактивных примесей предъявляются дополнительные требования к конечно-разностным аппроксимациям уравнения (1) и методам их решения [12]. Так как объемная активность по физическому смыслу — неотрицательная величина, целесообразно использовать так называемые монотонные схемы, позволяющие получать неотрицательные решения. При построении вычислительного алгоритма для уравнения, которое получается после перехода к безразмерным переменным в уравнении турбулентной диффузии (1), воспользуемся методом расщепления по физическим процессам и на каждом малом интервале времени  $[t_n; t_{n+1}]$  длиной  $\tau_n$  используем схему, состоящую из трех этапов [12].

1. Перенос примеси по траекториям:

$$\frac{\partial\varphi}{\partial t} + u\frac{\partial\varphi}{\partial x} + v\frac{\partial\varphi}{\partial y} + (w - w_g)\frac{\partial\varphi}{\partial z} = 0.$$
(2)

2. Турбулентная диффузия примесей:

$$\frac{\partial\varphi}{\partial t} = Q_{up} + \frac{\partial}{\partial x} \left( K \frac{\partial\varphi}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( K \frac{\partial\varphi}{\partial y} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( K_z \frac{\partial\varphi}{\partial z} \right).$$
(3)

3. Радиоактивный распад:

$$\frac{\partial\varphi}{\partial t} + \lambda\varphi = 0. \tag{4}$$

Для решения уравнений на каждом этапе воспользуемся методом расщепления по пространственным переменным. *На первом этапе* применяем нелинейную монотонную явную схему Ван Лира [12], которая аппроксимирует полученное дифференциальное уравнение со вторым порядком точности по пространственным переменным и по времени. Первый этап — один из основных в процессе переноса. Для простоты изложения рассмотрим основной элемент схемы на примере одномерного уравнения

$$\frac{\partial\varphi}{\partial t} + u\frac{\partial\varphi}{\partial x} = 0,\tag{5}$$

полученного из (2) с помощью расщепления по пространственным переменным. Запишем для него конечно-разностную аппроксимацию, обладающую свойством монотонности.

В качестве примера нелинейных разностных схем решения уравнения переноса (5) рассмотрим монотонную схему, разработанную Ван Лиром и основанную на нелинейной схеме Фромма, которая аппроксимирует исходное дифференциальное уравнение со вторым порядком точности по пространственным переменным и по времени. Идея схемы Фромма заключается в использовании того известного факта, что решение уравнения переноса по схеме Лакса—Вендроффа, имеющего вид

$$\varphi^{j+1} = L(r)\varphi^j, \quad r \le 1 \ (r -$$
число Куранта), (6)

"отстает" по времени от решения дифференциальной задачи. Заметим, что при r = 1 схема абсолютно точна. Переход с *j*-го на (j + 1)-й уровень можно осуществить, предварительно пройдя по характеристике с r = 1, а затем двигаясь по времени назад, т.е. осуществив следующее преобразование:

$$\tilde{\varphi}^{j+1} = L(r-1)L(1)\varphi^j. \tag{7}$$

Ясно, что в этом случае  $\tilde{\varphi}^{j+1}$  будет опережать на шаг по времени решение дифференциальной задачи. Если в качестве решения взять полусумму решений (6) и (7), то фазовая ошибка существенно будет уменьшена. Таким образом, схема, предложенная Фроммом, имеет вид

$$\varphi^{j+1} = \frac{1}{2} \left( L(r) + L(r-1)L(1) \right) \varphi^j.$$
(8)

Прежде чем построить монотонную схему на основе (8), представим в развернутом виде конечно-разностную аппроксимацию (6) и (7):

$$\varphi_{1i}^{j+1} = \varphi_{1i}^{j} - r\Delta_{i-1/2}\varphi_{1}^{j} - \frac{r}{2}(1-r)\left(\Delta_{i+1/2}\varphi_{1}^{j} - \Delta_{i-1/2}\varphi_{1}^{j}\right),\tag{9}$$

$$\varphi_{2_{i}}^{j+1} = \varphi_{2_{i}}^{j} - r\Delta_{i-1/2}\varphi_{2}^{j} - \frac{r}{2}(1-r)\left(\Delta_{i-1/2}\varphi_{2}^{j} - \Delta_{i-3/2}\varphi_{2}^{j}\right), \qquad (10)$$

где  $\varphi_1, \varphi_2$  — решения задач (9) и (10) соответственно, и

$$\Delta_{i-1/2}\varphi = \varphi_i - \varphi_{i-1}$$

Рассмотрим класс монотонных схем, решения которых удовлетворяют следующему условию:

$$0 \le \frac{\varphi_i^{j+1} - \varphi_i^j}{\varphi_i - \varphi_{i-1}} \le 1.$$

Если специальным образом выбирать соответствующие управляющие функции, то удается построить монотонную версию схемы для (9) и (10).

Выбирая ориентацию сеточного шаблона в зависимости от знака функции  $u_i$ , получим схему, состоящую из двух выражений:

если  $u_i \ge 0$ , то

$$\varphi_{i}^{j+1} = \varphi_{i}^{j} - \alpha_{1}r\Delta_{i-1/2}\varphi^{j} - \alpha_{2}\frac{r}{4}(1-r)\left(\Delta_{i+1/2}\varphi^{j} - \Delta_{i-3/2}\varphi^{j}\right) + \alpha_{3}\frac{r}{4}(1-r)\left[S(\zeta_{i})\left(\Delta_{i-1/2}\varphi^{j} - \Delta_{i+1/2}\varphi^{j}\right) - S(\zeta_{i-1})\left(\Delta_{i-1/2}\varphi^{j} - \Delta_{i-3/2}\varphi^{j}\right)\right], \quad (11)$$

а при  $u_i < 0$ 

$$\varphi_{i}^{j+1} = \varphi_{i}^{j} - \alpha_{1}r\Delta_{i+1/2}\varphi^{j} - \alpha_{2}\frac{r}{4}(1+r)\left(\Delta_{i+3/2}\varphi^{j} - \Delta_{i-1/2}\varphi^{j}\right) + \alpha_{3}\frac{r}{4}(1+r)\left[S(\zeta_{i+1})\left(\Delta_{i+3/2}\varphi^{j} - \Delta_{i+1/2}\varphi^{j}\right) - S(\zeta_{i})\left(\Delta_{i+1/2}\varphi^{j} - \Delta_{i-1/2}\varphi^{j}\right)\right], \quad (12)$$

где  $r = \frac{\tau_n}{h_x} \max |u_i| -$ число Куранта,  $\Delta_{i-3/2}\varphi = \varphi_{i-1} - \varphi_{i-2}, \ \Delta_{i-1/2}\varphi = \varphi_i - \varphi_{i-1},$   $\Delta_{i+1/2}\varphi = \varphi_{i+1} - \varphi_i, \ \Delta_{i+3/2}\varphi = \varphi_{i+2} - \varphi_{i+1},$   $S(\zeta_i) = \frac{|\Delta_{i+1/2}\varphi| - |\Delta_{i-1/2}\varphi|}{|\Delta_{i+1/2}\varphi| + |\Delta_{i-1/2}\varphi|}, \ S(\zeta_{i-1}) = \frac{|\Delta_{i-1/2}\varphi| - |\Delta_{i-3/2}\varphi|}{|\Delta_{i-1/2}\varphi| + |\Delta_{i-3/2}\varphi|},$  $S(\zeta_{i+1}) = \frac{|\Delta_{i+3/2}\varphi| - |\Delta_{i+1/2}\varphi|}{|\Delta_{i+3/2}\varphi| + |\Delta_{i+1/2}\varphi|}.$ 

В данном случае слагаемые в квадратных скобках представляют собой разности третьего порядка, поэтому не нарушают точности аппроксимации второго порядка в линейных членах.

Схема (11), (12) устойчива, если  $r = \frac{\tau_n}{h_x} \max |u_i| \le 1$ . При  $\alpha_1 = 1$ ,  $\alpha_2 = \alpha_3 = 0$  получаем схему Годунова. При  $\alpha_1 = \alpha_2 = 1$ ,  $\alpha_3 = 0$  получаем немонотонную консервативную схему Фромма (второго порядка). При  $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = 1$  получаем монотонную схему Ван Лира (второго порядка).

*На втором этапе* полученное в ходе расщепления уравнение (3) решается неявной схемой двуциклического покомпонентного расщепления [12]:

$$\frac{\varphi^{j+\alpha/6} - \varphi^{j+(\alpha-1)/6}}{\tau_n t/2} + \frac{1}{2} \left( \Lambda^h_{\alpha} \varphi^{j+\alpha/6} + \Lambda^h_{\alpha} \varphi^{j+(\alpha-1)/6} \right) = 0, \quad \alpha = 1, 2;$$

$$\frac{\varphi^{j+4/6} - \varphi^{j+2/6}}{\tau_n t} + \frac{1}{2} \left( \Lambda^h_3 \varphi^{j+4/6} + \Lambda^h_3 \varphi^{j+2/6} \right) = 0; \quad (13)$$

$$\frac{\varphi^{j+(7-\alpha)/6} - \varphi^{j+(6-\alpha)/6}}{\tau_n t/2} + \frac{1}{2} \left( \Lambda^h_{\alpha} \varphi^{j+(7-\alpha)/6} + \Lambda^h_{\alpha} \varphi^{j+(6-\alpha)/6} \right) = 0, \quad \alpha = 2, 1,$$

где

$$\Lambda_1 \varphi = -\frac{\partial}{\partial x} \left( K \frac{\partial \varphi}{\partial x} \right), \quad \Lambda_2 \varphi = -\frac{\partial}{\partial y} \left( K \frac{\partial \varphi}{\partial y} \right), \quad \Lambda_3 \varphi = -\frac{\partial}{\partial z} \left( K_z \frac{\partial \varphi}{\partial z} \right).$$

Численная схема (13) имеет второй порядок точности по пространственным переменным и времени.

*На третъем этапе* полученное в ходе расщепления уравнение (4) представляет собой однородное линейное обыкновенное дифференциальное уравнение, решение которого имеет вид

$$\varphi^{n+1} = \varphi^n \exp\left(-\lambda \tau_n\right).$$

## 2. Вычислительные эксперименты

#### 2.1. Программный комплекс RAD

На основе построенных моделей авторами статьи создан программный комплекс RAD (RADiation), позволяющий проводить оперативные расчеты распространения загрязнения в воздушной среде. Разработанный программный комплекс включает следующие модули: модуль ввода начальных данных, расчетный модуль, база данных с системой управления, модуль визуализации результатов расчетов. При помощи расчетного модуля вычисляется поле объемной активности радиоактивной примеси в атмосфере для различных моделируемых ситуаций. В базе данных хранятся все необходимые параметры, используемые в вычислительных экспериментах, данные о загрязняющих радиоактивных примесях и о проведенных вычислительных экспериментах. Модуль визуализации позволяет представить результаты расчетов в удобном для восприятия графическом виде.

Программа RAD создана с помощью среды разработки Eclipse IDE (версия 3.2), объектно-ориентированного языка программирования Java и библиотек классов платформы Java Platform, Standard Edition. С помощью программного комплекса RAD выполнен ряд вычислительных экспериментов, моделирующих различные штатные и нештатные ситуации работы AЭC.

### 2.2. Результаты расчетов

С помощью программного комплекса RAD, реализующего описанную выше модель, проводились вычислительные эксперименты для различных входных данных модели: скоростей ветра, коэффициентов горизонтальной и вертикальной диффузии, видов загрязняющих веществ.

Вычислительный эксперимент 1. В качестве области моделирования был выбран прямоугольный параллелепипед размером  $60 \times 60 \times 2$  км. Шаг по времени вычислялся автоматически из условия устойчивости явной схемы Ван Лира. Горизонтальные шаги регулярной сетки  $h_x = h_y = 600$  м, по вертикали  $h_z = 50$  м. Размер сетки  $101 \times 101 \times 41$ . Рассматривался мгновенный точечный источник загрязнения, находящийся в центре области моделирования, высота которого равна 100 м. Класс атмосферной стабильности — D (нейтральная). Направление ветра — юго-восточное, скорость ветра — 7 м/с. В качестве загрязняющих веществ были взяты благородные радиоактивные газы <sup>85</sup>Kr, <sup>87</sup>Kr, <sup>41</sup>Ar, <sup>133</sup>Xe, <sup>135</sup>Xe, для которых проведены вычислительные эксперименты. Для газообразных примесей скорость гравитационного оседания  $w_g$  и вертикальная компонента скорости ветра равны 0. Для ядерных реакторов типа ВВЭР в газообразных выбросах доля благородных радиоактивных газов <sup>133</sup>Xe (период полураспада 5.24 сут.) и <sup>135</sup>Xe (период полураспада 9.08 ч) составляет 72.0 и 13.2% соответственно [13]. Результаты вычислительных экспериментов, моделирующих ситуацию залпового выброса <sup>133</sup>Xe из точечного источника общей активностью 3.7 · 10<sup>13</sup> Бк, представлены на рис. 1.

Распределение объемной активности <sup>133</sup>Хе в рассматриваемой области, полученное в результате расчетов, с помощью аналитических формул может пересчитываться в значения радиационного фона, для которого проводятся измерения.

Вычислительный эксперимент 2. Моделируется аварийный выброс, случившийся 6 апреля 1993 года на радиохимическом заводе (РХЗ) Сибирского химического комбината (СХК) [14, 15]. В результате повреждения технологического оборудования и взрыва газов были разрушены конструкции здания и произошел выброс загрязняющих веществ через вытяжную трубу с эффективной высотой выброса 150 м и через развал стены высотой 15 м. В разных источниках [14–16] приводятся различные значения суммарной активности выброса (от 400 до 680 Ки). Анализ проб почвы [14, 15] позволил установить следующий радионуклидный состав выброса, %: <sup>95</sup>Zr – 20, <sup>95</sup>Nb – 42, <sup>103</sup>Ru – 2, <sup>106</sup>Ru – 35, 1% составили <sup>94</sup>Nb, <sup>137</sup>Cs, <sup>51</sup>Cr, <sup>125</sup>Sb. Выброс и последующее распространение радиоактивных веществ в атмосфере происходили при юго-западном ветре с изменениями направления от 190 до 220° и скорости 8–13 м/с, осадков в момент



Рис. 1. Графики изолиний объемной активности  $A_V (10^6 \text{Бк/м}^3)^{133}$ Хе на высоте h = 100 м в моменты времени: a - t = 20 мин; b - t = 40 мин; b - t = 60 мин

выброса не наблюдалось, инсоляция и облачность были умеренные. След пересек автомобильную дорогу Томск—Самусь, а также повлиял на радиационную обстановку в деревне Георгиевка. Центральная часть следа на трассе ограничена изолинией мощности экспозиционной дозы 100 мкР/ч [14]. Уровень мощности дозы в Георгиевке составил 20–40 мкР/ч [14, 17].

Для моделирования распространения облака радионуклидов и расчета мощностей эквивалентных доз были заданы следующие условия: тип выброса мгновенный; высота выброса — 150 м; суммарная активность выброса — 600 Ки; радионуклидный состав выброса, %: <sup>95</sup>Zr — 20, <sup>95</sup>Nb — 43, <sup>103</sup>Ru — 2, <sup>106</sup>Ru — 35; скорость ветра — 10 м/с; направление скорости ветра в процессе расчета изменялось от 190 до 220° (табл. 4). Источник загрязнения находится в центре области моделирования. В качестве области моделирования был выбран прямоугольный параллелепипед размером  $60 \times 60 \times 1.5$  км. Шаг по времени вычисляется автоматически из условия устойчивости явной схемы Ван Лира. Горизонтальные шаги регулярной сетки  $h_x = h_y = 1000$  м, по вертикали  $h_z = 50$  м.



Рис. 2. Графики изолиний суммарной поверхностной активности  $A_S$  (Ки/км<sup>2</sup>) в моменты времени: a - t = 10 мин;  $\delta - t = 20$  мин; s - t = 30 мин; v - t = 40 мин;  $\partial - t = 50$  мин

N⁰	Скорость ветра, м/с	Направление, °	Время начала, ч:мин.
1	10	220	12:58
2	10	200	13:07
3	10	180	13:09
4	10	220	13:13

Таблица 4. Изменение скорости и направления ветра

Размер сетки 61×61×31. Класс атмосферной стабильности — D (нейтральная). Результаты моделирования выпадений радионуклидов на поверхность почвы представлены на рис. 2.

Результаты проведенных вычислительных экспериментов удовлетворительно согласуются с результатами, полученными ранее другими авторами [11, 17–19] для районов, схожих с районом Волгодонской АЭС.

# Заключение

Результаты вычислительных экспериментов для математической модели переноса и трансформации радионуклидов в атмосфере могут быть применены при разработке мер по предохранению окружающей среды от воздействия радиоактивных веществ и при создании плана действий для эвакуации населения Ростовской области в случае возникновения аварийных ситуаций на Волгодонской АЭС.

# Список литературы

- [1] СТРАУС В. Промышленная очистка газов: Пер. с англ. М.: Химия, 1981. 616 с.
- [2] Нормы радиационной безопасности (НРБ-99): Гигиенические нормативы. М.: Центр сан.эпидем. нормирования, гигиен. сертификации и экспертизы Минздрава РФ, 1999. 116 с.
- [3] САМАРСКАЯ Е.А., СУЗАН Д.В., ТИШКИН В.Ф. Построение математической модели распространения загрязнений в атмосфере // Матем. моделирование. 1997. Т. 9, № 11. С. 59–71.
- [4] БЕРЛЯНД М.Е. Прогноз и регулирование загрязнения атмосферы. Л.: Гидрометеоиздат, 1985. 270 с.
- [5] БРУЯЦКИЙ Е.В. Теория атмосферной диффузии радиоактивных выбросов. Киев: Ин-т гидромеханики НАН Украины, 2000. 443 с.
- [6] МОНИН А.С. Атмосферная диффузия и загрязнение воздуха. М.: ИЛ, 1962. 512 с.
- [7] МОНИН А.С., ЯГЛОМ А.М. Статистическая гидромеханика. Теория турбулентности. СПб.: Гидрометеоиздат, 1992. Т. 1. 695 с.
- [8] DRAXLER R.R. Modeling the results of two recent mesoscale dispersion experiments // Atmospheric Environment. 1979. N 13. P. 1523–1533.
- [9] КАЛИТКИН Н.Н., КАРПЕНКО Н.В., МИХАЙЛОВ А.П. И ДР. Математические модели природы и общества. М.: Физматлит, 2005. 360 с.
- [10] ЛОЙЦЯНСКИЙ Л.Г. Механика жидкости и газа. М.: Наука, 1970. 904 с.

- [11] БЕРЛЯНД М.Е. Современные проблемы атмосферной диффузии и загрязнения атмосферы. Л.: Гидрометеоиздат, 1975. 448 с.
- [12] АЛОЯН А.Е. Динамика и кинетика газовых примесей и аэрозолей в атмосфере: Курс лекций. М.: ИВМ РАН, 2002. 201 с.
- [13] Козлов В.Ф. Справочник по радиационной безопасности. М.: Энергоатомиздат, 1991. 352 с.
- [14] Лысцов В.Н., Иванов А.Б., Колышкин А.Е. Радиоэкологические аспекты аварии в Томске // Атомная энергия. 1993. Т. 74, № 4. С. 364–367.
- [15] САВКИН М.Н., ТИТОВ А.В. Анализ радиационной обстановки на следе аварийного выброса Сибирского химического комбината // Медицина катастроф. М.: Ин-т биофизики, 1995. С. 76–84.
- [16] Булатов В.И., Чирков В.А. Томская авария: мог ли быть сибирский Чернобыль? Новосибирск: ЦЭРИС, 1994. 32 с.
- [17] БЕЛОВ И.В., БЕСПАЛОВ М.С., КЛОЧКОВА Л.В. И ДР. Сравнение моделей распространения загрязнений в атмосфере // Матем. моделирование. 1999. Т. 11, № 8. С. 52–64.
- [18] НЬИДСТАДТА Ф.Т.М., ВАН ДОПА Х. Атмосферная турбулентность и моделирование распространения примесей. Л.: Гидрометеоиздат, 1985. 351 с.
- [19] БЕЛОВ И.В., БЕСПАЛОВ М.С., КЛОЧКОВА Л.В. И ДР. Транспортная модель распространения газообразных примесей в атмосфере города // Матем. моделирование. 2000. Т. 12, № 11. С. 38-46.

Поступила в редакцию 26 июня 2008 г., в переработанном виде — 11 ноября 2008 г.